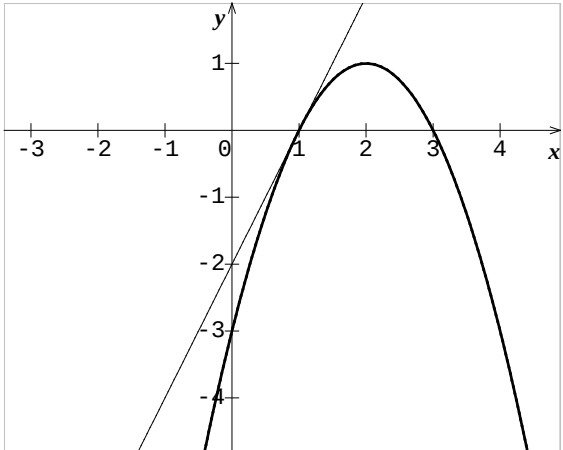
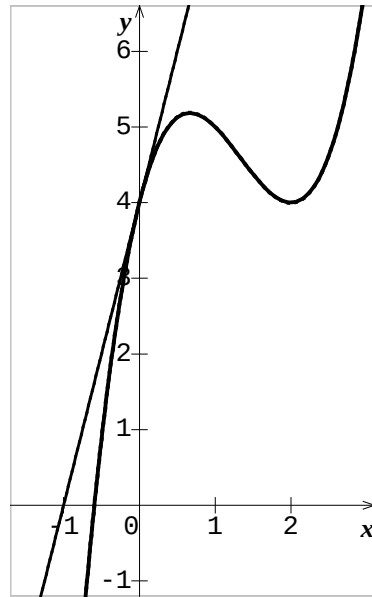


العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)										
مجموع	مجزأة											
التمرين الأول: (06 نقاط)												
2.50	0.50+0.50	لدينا : $u_0 + u_1 = 8$ معناه $2u_0 + r = 8$ ومنه $r = 2$	(1)									
	0.50+0.50	$u_n = u_0 + nr$ ومنه $u_n = 2n + 3$										
	0.5	$u_{1443} = 2(1443) + 3 = 2889$										
02	0.50+0.50	$u_n = 4047$ ومنه $2n + 3 = 4047$ ومنه $n = 2022$	(2)									
	0.50+0.50	$S = \frac{2022 - 1443 + 1}{2}(u_{1443} + u_{2022})$ ومنه $S = 290(2889 + 4047) = 2011440$										
01.5	0.50+0.50	أ- $S_n = \frac{n+1}{2}(u_0 + u_n) = n^2 + 4n + 3$	(3)									
	0.25+0.25	ب- $S_n = 120$ ومنه $n^2 + 4n + 3 = 120$ ومنه $n = 9$										
التمرين الثاني: (06 نقاط)												
02	0.50+0.50	$2022 = 5 \times 404 + 2$ ومنه $a \equiv 2[5]$ $1443 = 5 \times 288 + 3$ ومنه $b \equiv 3[5]$	(1)									
	0.50+0.50	استنتاج : $a + b \equiv 2 + 3[5]$ ومنه $a + b \equiv 0[5]$										
02	0.50+0.50	أ- التحقق $a + a^2 + a^3 \equiv 2 + 4 + 8[5]$ ومنه $a + a^2 + a^3 \equiv 4[5]$	(2)									
	0.50+0.50	ب- قيم n $a + a^2 + a^3 + n \equiv 0[5]$ معناه $n + 4 \equiv 0[5]$ ومنه $n = 5k + 1$										
02	01	- التحقق : $a + b + 4 \equiv 0 + 4[5]$ ومنه $a + b + 4 \equiv -1[5]$	(3)									
	0.50+0.50	-تبيان $(a + b + ab)^a + (a + b + 4)^b \equiv 1^{2022} + (-1)^{1443}[5]$ ومنه $(a + b + ab)^a + (a + b + 4)^b \equiv 0[5]$										
التمرين الثالث: (08 نقاط)												
01	0.50+0.50	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$	(1)									
02.5	01	- حساب $f'(x) = -2x + 4$	(2)									
	0.50	- إشارة $f'(x)$										
	0.25+0.25	- f متزايدة تماما على $]-\infty; 2]$ ومتناقصة تماما على $[2; +\infty[$										
02.5	0.5	- جدول تغيرات f	(2)									
		<table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>2</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$f'(x)$</td><td>+</td><td>0</td><td>-</td></tr><tr><td>$f(x)$</td><td>$-\infty$</td><td>1</td><td>$-\infty$</td></tr></table>		x	$-\infty$	2	$+\infty$	$f'(x)$	+	0	-	$f(x)$
x	$-\infty$	2	$+\infty$									
$f'(x)$	+	0	-									
$f(x)$	$-\infty$	1	$-\infty$									

01	0.50+0.50	معادلة المماس $(T): y = 2x - 2$	(3)
01	0.5	أ- $(1-x)(x-3) = -x^2 + 4x - 3 = f(x)$	(4)
	0.25	ب- استنتاج إحداثيي نقطتي	
	0.25	$f(x) = 0$ معناه $x = 1 ; x = 3$ ومنه $(C_f) \cap (xx') = \{A(1;0), B(3;0)\}$	
01	0.5	- حل المعادلة $f(x) = -3$ معناه $x(4-x) = 0$ ومنه $x = 4$ أو	(5)
	0.5	$x = 0$ - فاصلتا النقطتين من (C_f) اللتين ترتبيهما -3 هما 4 ، 0	
01.5	01+0.50	إنشاء المماس (T) و المنحنى (C_f) . 	(6)

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)												
مجموع	مجزأة													
التمرين الأول: (06 نقاط)														
01	0.50+0.50	$b \equiv 4[9]$ ومنه $a \equiv 8[9]$ و $b + 8 \equiv 3[9]$	(1)											
01	0.50+0.50	التحقق أنّ العددين b و 103 متوافقان بترديد 9 $103 \equiv 4[9]$ و $b \equiv 4[9]$ ومنه $103 \equiv b[9]$	(2)											
03	01 0.50+0.50	أ) تبين أنّ : $a \equiv -1[9]$ و $103^3 \equiv 1[9]$ $a \equiv 8[9]$ ومنه $a - 9 \equiv 8 - 9[9]$ أي $a \equiv -1[9]$ $103^3 \equiv 1[9]$ ومنه $103^3 \equiv 4^3[9]$	(3)											
	0.50+0.25 0.25	ب) التحقق أنّ: $a^{2022} + (16 \times b)^{1443} \equiv 2[9]$ $a^{2022} + (16 \times b)^{1443} \equiv (-1)^{2022} + 1^{1443}[9]$ $a^{2022} + (16 \times b)^{1443} \equiv 2[9]$												
01	0.50+0.50	قيم n حتى يكون $a^{2022} + 103^3 + n \equiv 0[9]$ هي $n = 9k + 7$	(4)											
التمرين الثاني (06 نقاط)														
02	0.25x2 0.25x2 0.50+0.50	- تبين أنّ $q^2 + q - 6 = 0$ $u_0 + u_1 + u_2 = 21$ تكافئ $3 + 3q + 3q^2 = 21$ تكافئ $1 + q + q^2 = 7$ $1 + q + q^2 = 7$ تكافئ $q^2 + q - 6 = 0$ تكافئ $q = 2$	(1)											
01	0.5+0.5	حساب u_2 و u_1 $u_1 = 6 \times 2 = 12$ و $u_1 = 3 \times 2 = 6$	(2)											
01.5	0.50+0.50	أ- عبارة الحد العام : $u_n = 3 \times 2^n$	(3)											
	0.50	ب- $u_n = 96$ معناه $3 \times 2^n = 96$ أي $n = 5$												
01.5	0.75+0.25	أ- $S_n = 3(2^{n+1} - 1)$	(4)											
	0.50	ب- $S_n = 93$ معناه $3(2^{n+1} - 1) = 93$ أي $n = 4$												
التمرين الثالث (08 نقاط)														
0.5	0.50	التحقق أنّ : $(x - 2)^2(2x + 1) = 2x^3 - 7x^2 + 4x + 4$	(1)											
01	0.5+0.5	حساب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$	(2)											
01	0.5+0.5	تبين أنّ: $f'(x) = 6x^2 - 14x + 4 = 2(x - 2)(3x - 1)$	(3)											
02	01	أ- إشارة $f'(x)$ <table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>$\frac{1}{3}$</td><td>2</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$f'(x)$</td><td>+</td><td>0</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td></tr></table>	x	$-\infty$	$\frac{1}{3}$	2	$+\infty$	$f'(x)$	+	0	-	0	+	(4)
	x	$-\infty$	$\frac{1}{3}$	2	$+\infty$									
$f'(x)$	+	0	-	0	+									
0.25+0.25	ب- f متناقصة تماما على $[\frac{1}{3}; 2]$ ومتزايدة تماما على كل من													

		$]-\infty; \frac{1}{3}[$ و $[2; +\infty[$																	
	0.5	- جدول تغيرات f <table><tr><td>x</td><td>$-\infty$</td><td>$\frac{1}{3}$</td><td>2</td><td>$+\infty$</td></tr><tr><td>$f'(x)$</td><td>+</td><td>0</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td></tr><tr><td>$f(x)$</td><td>$-\infty$</td><td>$f(\frac{1}{3})$</td><td>$f(2)$</td><td>$+\infty$</td></tr></table>	x	$-\infty$	$\frac{1}{3}$	2	$+\infty$	$f'(x)$	+	0	-	0	+	$f(x)$	$-\infty$	$f(\frac{1}{3})$	$f(2)$	$+\infty$	
x	$-\infty$	$\frac{1}{3}$	2	$+\infty$															
$f'(x)$	+	0	-	0	+														
$f(x)$	$-\infty$	$f(\frac{1}{3})$	$f(2)$	$+\infty$															
01	0.75+0.25	معادلة المماس $(T): y = 4x + 4$	(5)																
	0.5+0.5	أ- التحقق أنّ (C_f) يشمل $A(2; 0)$ و $B(\frac{-1}{2}; 0)$ $f(2)=0$, $f(-\frac{1}{2})=0$																	
02.5	01+0.5	ب- إنشاء (T) و (C_f) 	(6)																