

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
06		<u>الموضوع الأول</u>
		<u>التمرين الأول : (06 نقاط)</u>
	05	1. خاطئة
	075	2. $n = 3(n' + 1) + 2$ ، الباقي هو 2.
	05	2. صحيحة
	075	 $2^{2012} = 2^{3 \times 670 + 2}$ و $2^3 \equiv 1[7]$ عندئذ $2^{2012} \equiv 2^2[7]$ أي $2^{2012} \equiv 4[7]$
	05	3. صحيحة
	075	 $2n^2 - 9 \equiv -1[11]$ ومنه $2n^2 - 9 \equiv 10[11]$
	05	4. صحيحة
	05	 $g\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{4}{3}$
06	05	(ب) خاطئة
	075	 $g'(x) = \frac{1}{(x+1)^2} > 0$
		<u>التمرين الثاني : (06 نقاط)</u>
	2x025+05	1. أ) $b = 3$ و $a = 3 - r$ و $c = 3 + r$
	2x025+05	(ب) $r^2 = 25$ ، الحلول : $r = 5$ و $r = -5$
	2x025	 $r = -5$ مرفوض ومنه $r = 5$ مقبول
	2x025	 $c = 8$ و $a = -2$
	05+025	2. أ) $u_n = -2 + 5n$ و $u_n = u_0 + nr$
	05	(ب) $u_{15} = 73$
	05+025	 $S = \frac{16}{2}(u_0 + u_{15})$ ومنه $S = 568$
	05+05	3. $S' = \frac{1}{8}S$ ومنه $S' = 71$

التمرين الثالث : (08 نقاط)

2×0.5

1. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$

1

2. $f'(x) = -3x^2 + 6x$

0.5

الإشارة :

x	$-\infty$	0	2	$+\infty$	
$f'(x)$	-	0	+	0	-

1

3. جدول التغيرات

x	$-\infty$	0	2	$+\infty$			
$f'(x)$		-	0	+	0	-	
$f(x)$		$+\infty$			0		$-\infty$
				-4			

8

0.25

1.4 $y = f'(1)(x-1) + f(1)$

0.75

$(\Delta): y = 3x - 5$

0.5

ب) $f(x) - (3x - 5) = -x^3 + 3x^2 - 3x + 1$

0.5

$-(x-1)^3 = -x^3 + 3x^2 - 3x + 1$

0.75

ج) الوضعية :

(C) فوق المستقيم (Δ) إذا كان $x < 1$ (C) تحت المستقيم (Δ) إذا كان $x > 1$ (Δ) يقطع المستقيم (C) إذا كان $x = 1$

0.25

5. $f(-1) = 0$

1+0.5

رسم (Δ) و (C)

الموضوع الثاني

التمرين الأول : (06 نقاط)

1. أ) بالضرب $a^2 - b^2 \equiv 35[11]$ ومنه $a^2 - b^2 \equiv 2[11]$ 2×0.5
 ب) بالطرح $2b \equiv 2[11]$ ومنه $b \equiv 1[11]$ 2×0.5
 بالجمع $2a \equiv 12[11]$ ومنه $2a \equiv 1[11]$ ومنه $a \equiv 6[11]$ 3×0.5
 2. أ) $a^5 \equiv 10[11]$ أي $a^5 \equiv -1[11]$ 0.5
 ب) $a^{10k} \equiv 1[11]$ 1
 3. أ) التحقق : $2012 = 10 \times 201 + 2$ 0.25
 ب) $a^{2012} \equiv a^2[11]$ و $a^2 \equiv 3[11]$ ومنه $a^{2012} \equiv 3[11]$ 0.75

التمرين الثاني : (06 نقاط)

- I. 1. $u_1 = 7 - 2r$ و $u_5 = 7 + 2r$ ومنه $T_1 = 49 - 4r^2$ 0.75
 $u_2 = 7 - r$ و $u_4 = 7 + r$ ومنه $T_2 = 49 - r^2$ 0.75
 2. $T_2 - T_1 = 3r^2$ و $r = 3$ أو $r = -3$ مرفوض 3×0.25
 II. 1. أ) $u_n = 3n - 2$ و $u_n = u_3 + (n - 3)r$ $0.5 + 0.25$
 ب) $S_n = \frac{n}{2}(u_1 + u_n)$ و $S_n = \frac{3n^2 - n}{2}$ $0.5 + 0.25$
 ج) $\sqrt{\Delta} = 59$ و $n_1 = 10$ أو $n_2 = -\frac{29}{3}$ (مرفوض) 3×0.25
 2. أ) $u_{n+5} = 3n + 13$ 0.5
 ب) التحقق : $\frac{u_{n+5}}{n} = 3 + \frac{13}{n}$ 0.5
 ج) $n = 1$ أو $n = 13$ 0.5

التمرين الثالث: (08 نقاط)

- 075+025 (1) $f(0) = -1$ ومنه $2 - a = -1$ أي $a = 3$
- 2×0.5 (2) أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ و $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = -\infty$
- 2×0.5 التفسير الهندسي: $x = -1$ و $y = 2$ مستقيمان مقاربان
- 1 ب) $f'(x) = \frac{3}{(x+1)^2}$
- 1 جدول التغيرات

x	-1	$+\infty$
$f'(x)$		+
$f(x)$	$-\infty$	2

- 0.5 (3) أ) $f'(x) = \frac{3}{4}$ تكافئ $x^2 + 2x - 3 = 0$
- 0.5 $\Delta = 16$ ، الحلول: $x_1 = 1$ أو $x_2 = -3$ (مرفوض)
- 0.25 ب) $y = f'(1)(x - 1) + f(1)$
- 0.75 $y = \frac{3}{4}x - \frac{1}{4}$
- 2×0.5 (4) $S = \left[\frac{1}{2}; +\infty\right[$ ، $f\left(\frac{1}{2}\right) = 0$